

정보보호

05 암호개론 (1)

암호 (1)

▶ Cryptology

- ▶ Kryptos logo : 숨겨진 말 (그리스어)
- ▶ 암호기법
 - ▶ 수학적으로 풀이하기 어렵게 하기 위한 기법
- ▶ 암호분석(cryptanalysis)
 - ▶ 암호 메커니즘을 연구하여 해독하는 방법 연구
- ▶ 암호학(Cryptology) = 암호기법 + 암호분석

▶ 암호화(encryption)

- ▶ 키가 있어야만 내용을 볼 수 있도록 변환시키는 과정

▶ 복호화(decryption)

- ▶ 키를 이용해 원문으로 되돌리는 변환 과정

▶ 대칭키(또는 비밀키)

- ▶ 암호화와 복호화에 사용되는 키가 동일

▶ 비대칭키(또는 공개키)

- ▶ 서로 다른 키를 두 과정에서 이용

암호 (2)

▶ 키의 명칭

키 종류		기 능
키 형태	<ul style="list-style-type: none">- 대칭키(symmetric key)- 비대칭키(asymmetric key)	A와 B 사용자 모두 동일하게 키 A와 B 사용자가 서로 동일하지 않은 키
키 용도	<ul style="list-style-type: none">- 비밀키(secret key)- 공개키(public key)- 개인키(private key)- 세션키(session key)- 인증키(authentication key)	암호화에 직접 사용한 키 공개하도록 생성된 키 개인만이 소유하도록 한 키 세션 연결에 사용되는 키 사용자 및 시스템의 인증에 사용되는 키
키 교환 형태	<ul style="list-style-type: none">- pre-shared키(pre-shared key)- 수동키- 자동키	미리 공유한 키 임의적인 방법으로 수동 교환된 키 동적으로 교환된 키

암호의 필요성

- ▶ 암호화를 통해 제공되는 기능
 - ▶ 기밀성 보장
 - ▶ 키가 있는 사용자만이 내용을 볼 수 있으므로 기밀성 제공
 - ▶ 인증성 보장
 - ▶ 키의 소유 여부로 메시지의 출처가 명확해짐
 - ▶ 무결성 보장
 - ▶ 해쉬 알고리즘으로 계산된 값을 전송함으로써 위변조시 내용 변경을 인지할 수 있음
 - ▶ 부인방지 보장
 - ▶ 키의 소유로 해당 메시지를 송신한 자가 부인할 수 없게 함

암호의 역사

▶ 고대

- ▶ 시저 암호(Caesar cipher)
 - ▶ 대체(substitution) 암호
- ▶ 비즈네르(Vigenere) 암호
- ▶ 뷰포트(Beaufort) 암호

▶ 근대

- ▶ 복잡도를 높이기 위해 기계 사용
- ▶ 독일의 ENIGMA
- ▶ 미국의 M-209

▶ 현대

- ▶ 컴퓨터 산업의 발달과 수학적 배경을 기본으로 발전
- ▶ 대칭키 : DES
- ▶ 공개키 : RSA, ElGamal, ECC

고대 암호와 근대 암호

- ▶ 고대 암호
 - ▶ 대체(substitution) / 치환(permutation) cipher
- ▶ 근대 암호
 - ▶ 1, 2차 세계대전 당시 군 암호 체계

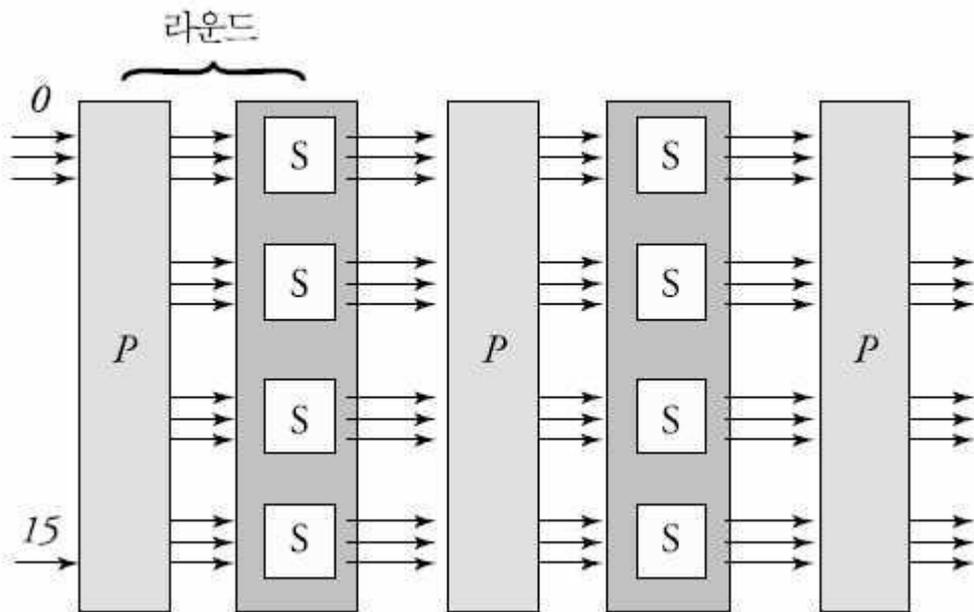
고대/근대 암호 (1)

▶ 대체 암호

- ▶ 한 문자를 다른 문자로 대체
- ▶ 한 문자에 대해 여러 문자로 대체되는 경우 : 다중 대체 암호
- ▶ 분류
 - ▶ Monoalphabetic
 - ▶ Additive 암호 (shift 암호, Caesar 암호)
 - ▶ Multiplicative 암호(Affine 암호)
 - ▶ Monoalphabetic substitution
 - ▶ Polyalphabetic
 - ▶ Autokey 암호
 - ▶ Playfair 암호
 - ▶ Vegenere 암호
 - ▶ Hill 암호
 - ▶ One time pad 암호
 - ▶ Rotor 암호
- ▶ 대응하는 문자들이 중복되어서는 안된다.
- ▶ 알파벳 26자를 순서대로 늘어놓는 순열 = $26! = 4 * 10^{26}$
- ▶ 전수 조사는 어렵지만, 통계적 암호 공격에 취약

고대/근대 암호 (2)

▶ 대체 암호

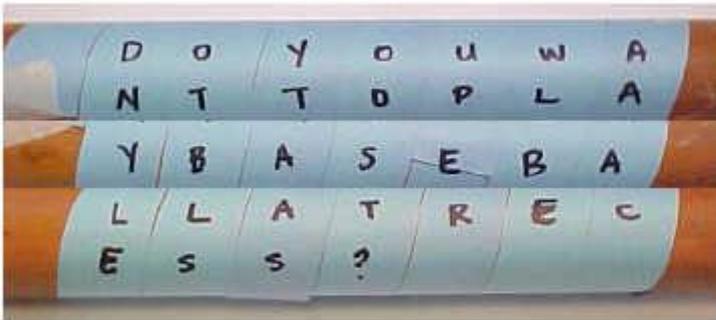


P (평문) = C (암호문) = Z_{26} , $0 \leq K \leq 25$ 일때 각 Permutation $\pi \in K$,

$E_{\pi}(x) = \pi(x)$, 그리고 $D_{\pi}(y) = \pi^{-1}(y)$, 여기서 π^{-1} 은 inverse permutation이다.

고대/근대 암호 (3)

▶ 스키타일 암호



고대/근대 암호 (4)

▶ 시저 암호



평문	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
암호문	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C

고대/근대 암호 (5)

▶ Shift 암호

▶ 시저에 의해 기인

▶ Monoalphabetic 중 Additive 암호로 분류

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

$P(\text{평문}) = C(\text{암호문}) = K(\text{키}) = \mathbb{Z}_{26}$, $0 \leq K \leq 25$ 일 때 $E_K(x) = x + K \pmod{26}$, 그리고
 $D_K(y) = y - K \pmod{26} (x, y \in \mathbb{Z}_{26})$

▶ 최대 26회만 shift하면 해독 가능

고대/근대 암호 (6)

▶ Shift 암호 (계속)

[예] 평문 : SHIFT CIPHER

먼저 평문을 정수로 표현하면 다음과 같다.

평문 : SHIFT CIPHER

정수 : 18 7 8 5 19 2 8 15 7 4 17

평문 정수값에 키 값인 '10'을 각 정수에 더하여 mod 26을 하면 다음과 같다.

정수 : 2 17 18 15 3 12 18 25 17 14 1

암호문 : CRSPDMSZROB

결과적으로 암호문은 'CRSPDMSZROB'가 된다.

고대/근대 암호 (7)

▶ Affine 암호

$P(\text{평문}) = C(\text{암호문}) = \mathbb{Z}_{26}$ 이라 하고, $K = \{(a, b) \in \mathbb{Z}_{26} \times \mathbb{Z}_{26} : \gcd(a, 26) = 1\}$ 라 할 경우, $K = (a, b) \in k$ 일 때, $E_K(x) = ax + b \pmod{26}$ 이며, $D_K(y) = a^{-1}(y - b) \pmod{26}$ ($x, y \in \mathbb{Z}_{26}$)가 된다(단, $\gcd(a, 26) = 1$ 이어야만 유일한 b 의 값을 갖는다. 따라서 이 조건을 항상 만족해야만 한다).

- ▶ 여기서 a 는 26 과 서로 소 (2와 13의 배수가 아니며, $a^{-1} \{ 1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25 \}$
 - ▶ $9 * 3 = 27 \Rightarrow 1 \pmod{26}$
 - ▶ $21 * 5 = 105 \Rightarrow 1 \pmod{26}$

고대/근대 암호 (8)

▶ Affine 암호 (계속)

[예] $K=(a,b) \in k$ 로, K 가 $K=(9,2)$ 일 때, $9^{-1} \bmod 26 = 3$ 이다. 암호화 함수는 $E_K(x) = 9x + 2$ 이고 복호화 함수는 $D_K(y) = 3(y-2) = 3y - 6 \equiv 3y + 20 \equiv x$ 이다.

여기서 모든 연산은 Z_{26} 에서 실행된다. 이 결과를 검증하면 $D_K(E_K(x)) = x, x \in Z_{26}$ 가 되어야 한다. 평문 'Affine'을 암호화하려면, 우선 알파벳들을 정수로 표현한다. 정수는 다음과 같다. 0, 5, 5, 8, 13, 4. 이 정수들을 수식을 통해 암호화하면 다음과 같다.

$$9 \times 0 + 2 \bmod 26 = 2 \bmod 26 = 2$$

$$9 \times 5 + 2 \bmod 26 = 47 \bmod 26 = 21$$

$$9 \times 5 + 2 \bmod 26 = 47 \bmod 26 = 21$$

$$9 \times 8 + 2 \bmod 26 = 74 \bmod 26 = 22$$

$$9 \times 13 + 2 \bmod 26 = 119 \bmod 26 = 15$$

$$9 \times 4 + 2 \bmod 26 = 38 \bmod 26 = 12$$

암호문 '2, 21, 21, 22, 15, 12'를 생성하고, 이에 해당되는 알파벳은 'CVVWPM'이 된다. 복호화는 수식 $x \equiv D_K(y) \equiv 3(y) + 20$ 을 이용해 연산한다.

고대/근대 암호 (9)

▶ Vigenere 암호

- ▶ 복잡한 표를 미리 만들고, 이에 따라 암호를 조립하거나 푸는 방법



m 을 양의 정수라 가정하고, $P = C = K = (\mathbb{Z}_{26})^m$, $K = (k_1, k_2, \dots, k_m)$ 으로 수식으로는 $K = (k_1, k_2, \dots, k_m)$

$$E_K(x_1, x_2, \dots, x_m) = (x_1 + k_1, x_2 + k_2, \dots, x_m + k_m)$$

$$D_K(y_1, y_2, \dots, y_m) = (y_1 - k_1, y_2 - k_2, \dots, y_m - k_m)$$

가 되며, 모든 연산은 \mathbb{Z}_{26} 으로 수행된다.

※ m = 키 길이, K = 키, E = 암호화, D = 복호화, X = 평문, Y = 암호문

고대/근대 암호 (10)

▶ Vigenere 암호 (계속)

[예] 키 길이가 $m=6$ 이고, keyword가 'CIPHER'라 하면, $K=(2, 8, 15, 7, 4, 17)$ 가 된다.

평문 : vigenere cipher

위의 평문을 6개의 키를 이용해 암호화하면 다음과 같다.

평문	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
정수	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

평문 : vigenere cipher

정수 : 21,8,6,4,13,4,17,4,2,8,15,7,4,17

21	8	6	4	13	4	17	4	2	8	15	7	4	17
2	8	15	7	4	17	2	8	15	7	4	17	2	8
23	16	21	11	17	21	19	12	17	15	19	24	6	25

정수 : 23,16,21,11,17,21,19,12,17,15,19,24,6,25

암호문 : xqvlrvtmrptygz

고대/근대 암호 (11)

▶ 행렬 암호 (Hill Cypher)

▶ 행렬을 이용한 암호화 기법

평문 $m = m_1m_2m_3\dots m_d$ 라 가정할 때, 암호 키가 가역 행렬(*invertible matrix*) $K \in P_{d \times d}(Z_{26})$ 의 $M_{d \times d}(Z_{26})$ 은 원소 $\{0,1,2,3,\dots,25\}$ 에서 택하는 $d \times d$ 행렬들의 집합을 의미하고, 이를 역행렬을 K^{-1} 라 한다. 암호화는 평문 m 을 행벡터 $P = (m_1m_2m_3\dots m_d)$ 로 나타낸 후, P 과 암호키 K 를 곱해 암호문 C 를 얻게 된다. m 은 양의 정수이며, $P = C = (Z_{26})^m$ 와 $K = \{m \times m \text{ 행렬}\}$ 이라 놓는다.

$$C \equiv PK \equiv (m_1m_2m_3\dots m_d) \begin{bmatrix} k_{11}k_{12}\dots k_{1d} \\ \vdots \\ k_{d1}k_{d2}\dots k_{dd} \end{bmatrix} \pmod{26}$$

복호화 과정은 암호화의 역 과정으로 암호문 C 에 역행렬 K^{-1} 을 곱하여 다음 수식과 같이 평문을 구한다.

$$CK^{-1} \equiv PKK^{-1} \equiv P \pmod{26}$$

결과적으로 K 에 대해서 $E_K(x) = xK$ 이고 $D_K(y) = yK^{-1}$ 이다. 모든 연산은 Z_{26} 에서 수행된다.

※ d = 블록 크기, P = 평문, C = 암호문, K^{-1} = 역행렬, E = 암호화, D = 복호화

고대/근대 암호 (12)

▶ 치환 암호

m 을 고정된 양의 정수라 가정하고, $P \equiv C \equiv (Z_{26})^m$ K 는 $\{0, 1, \dots, m\}$ 의 모든 permutation으로 구성된다. 키가 π 일 때, 암호화는 $E_\pi(P_1, \dots, P_m) = (P_{\pi(1)}, \dots, P_{\pi(m)})$ 가 되고, 복호화는 $D_\pi(C_1, \dots, C_m) = (C_{\pi^{-1}(1)}, \dots, C_{\pi^{-1}(m)})$ 이 된다(π^{-1} 는 Inverse Permutation이다).

[예] $m=6$ 이고, 다음의 permutation π 을 키라고 한다면, 다음과 같은 순서로 문자열을 암호화한다.

①	1	2	3	4	5	6
	3	5	1	6	4	2

②	s	h	e	s	e	l
	3	5	1	6	4	2

③	s	h	e	s	e	l
	e	e	s	l	s	h

④	1	2	3	4	5	6
	e	e	s	l	s	h

그리고 암호화된 문자열은 inversion permutation π^{-1} 을 통해 다음과 같은 순서로 문자열을 복호화한다.

①	1	2	3	4	5	6
	3	6	1	5	2	4

②	e	e	s	l	s	h
	3	6	1	5	2	4

③	e	e	s	l	s	h
	s	h	e	s	e	l

④	1	2	3	4	5	6
	s	h	e	s	e	l

고대/근대 암호 (13)

▶ 스트림 암호

$Z_1 = K, z_i = P_{i-1} (i \geq 2), 0 \leq z \leq 25$ 라고 할 때, $E_z(P) = P + k \pmod{26}$, 그리고 $D_z(C) = C - Z_i \pmod{26}$ 이다(단, $(P, C \in Z_{26})$ 이다).

[예] 키 길이는 $K=5$ 이고, 평문이 'CIPHER'일 때 암·복호화에 대해서 알아본다. 먼저 평문을 정수로 변환하면 2, 8, 15, 7, 4, 17이 되고, 키 스트림은 아래와 같다.

$z_1 = K$	$z_2 = P_1$	$z_3 = P_2$	$z_4 = P_3$	$z_5 = P_4$	$z_6 = P_5$
5	2	8	15	7	4

그리고 평문과 이에 해당하는 키 스트림을 더하여 modulo 26을 하면, 암호 정수 7, 10, 23, 22, 11, 21로 변환되며, 이 정수들을 다시 문자로 변환하면 'HKXWLV'로 암호화 된다. 만약 다시 복호화 하려면, 암호화 과정의 역순을 취하면 된다. 암호문을 정수로 변환하면 7, 10, 23, 22, 11, 21이 되고, $P_1 = D_5(7) = 7 - 5 \pmod{26} = 2$, $P_2 = D_2(10) = 10 - 2 \pmod{26} = 8$, 이와 같은 수식에 의해 P_{10} 까지 실행한 후, 다시 정수를 문자로 변환하면 된다. 계산 과정에서 각 실행마다 계산되는 평문의 정수 값은 다음 평문을 계산하는 키 스트림의 원소로 사용하게 된다.